

**PROVES D'ACCÉS A LA UNIVERSITAT**

**PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD**

**CONVOCATÒRIA: JULIOL 2015**

**CONVOCATORIA: JULIO 2015**

**MATEMÀTIQUES II**

**MATEMÁTICAS II**

**BAREM DE L'EXAMEN:**

**Cal elegir sols UNA de les dues OPCIONS, A o B, i s'han de fer els tres problemes d'aquesta opció.**

Cada problema puntua fins a 10 punts.

La qualificació de l'exercici és la suma de les qualificacions de cada problema dividida entre 3, i aproximada a les centèsimes.

Es permet l'ús de calculadores sempre que no siguen gràfiques o programables, i que no puguem realitzar càlcul simbòlic ni emmagatzemar text o fórmules en memòria. S'use o no la calculadora, els resultats analítics, numèrics i gràfics han d'estar sempre degudament justificats.

**BAREMO DEL EXAMEN:**

**Se elegirá solamente UNA de las dos OPCIONES, A o B, y se han de hacer los tres problemas de esa opción.**

Cada problema se puntuará hasta 10 puntos.

La calificación del ejercicio será la suma de las calificaciones de cada problema dividida entre 3 y aproximada a las centésimas.

Se permite el uso de calculadoras siempre que no sean gráficas o programables, y que no puedan realizar cálculo simbólico ni almacenar texto o fórmulas en memoria. Se utilice o no la calculadora, los resultados analíticos, numéricos y gráficos deberán estar siempre debidamente justificados.

**OPCIÓ A**

**Problema A.1.** Es dona el sistema d'equacions 
$$\begin{cases} x + 3y + z = \alpha \\ x + y - \alpha z = 1 \\ 2x + \alpha y - z = 2\alpha + 3 \end{cases}$$
, on  $\alpha$  és un paràmetre real.

Obteniu **raonadament, escrivint tots els passos del raonament utilitzat:**

- a) La solució del sistema quan  $\alpha = -1$ . (3 punts)
- b) Totes les solucions del sistema quan  $\alpha = 0$ . (3 punts)
- c) El valor de  $\alpha$  per al qual el sistema és incompatible. (4 punts)

**Problema A.2.** Es tenen les rectes  $r: \frac{x+1}{3} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z}{2}$ ,  $s: \begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = -\lambda \\ z = 0 \end{cases}$  i el punt  $P(0, 3, -2)$ . Obteniu

**raonadament, escrivint tots els passos del raonament utilitzat:**

- a) Les equacions de la recta que passa pel punt  $P$  i és paral·lela a la recta  $r$ . (3 punts)
- b) L'equació del pla que conté la recta  $r$  i és paral·lel a la recta  $s$ . (4 punts)
- c) La distància entre les rectes  $r$  i  $s$ . (3 punts)

**Problema A.3.** Es dona la funció  $f$  definida per  $f(x) = \frac{x}{(x+1)^2}$ . Obteniu **raonadament, escrivint tots els**

**passos del raonament utilitzat:**

- a) El domini i les asímptotes de la funció  $f$ . (3 punts)
- b) Els intervals de creixement i de decreixement de la funció  $f$ . (4 punts)
- c) La integral  $\int \frac{x}{(x+1)^2} dx$ . (3 punts)

## OPCIÓ B

**Problema B.1.** Es donen les matrius  $A = \begin{pmatrix} x & 1 & -1 \\ y & 2 & 3 \\ z & 1 & 0 \end{pmatrix}$  i  $B = \begin{pmatrix} x & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ . Obteniu **raonadament**,

**escriuint tots els passos del raonament utilitzat:**

a) Els valors de  $x$  per als quals la matriu  $B$  té inversa. (3 punts)

b) El valor del determinant de les matrius  $A^3$  i  $\begin{pmatrix} 2x & 5 & -1 \\ 2y & 10 & 3 \\ 2z & 5 & 0 \end{pmatrix}$ , sabent que el valor del determinant de la matriu  $A$  és 8. (4 punts)

c) Els valors de  $x$ ,  $y$ ,  $z$  per als quals  $A^2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 4 \\ 3 & 7 & 6 \\ -1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$ . (3 punts)

**Problema B.2.** Es donen les rectes  $r: \begin{cases} 2x - y + 5 = 0 \\ 6x - z + 8 = 0 \end{cases}$ ,  $s: \begin{cases} x = 1 - 2\alpha \\ y = 2 + \alpha \\ z = 3 - \alpha \end{cases}$  i el pla

$\pi: 2x + mz + 1 = 0$ , sent  $m$  un paràmetre real. Obteniu **raonadament**, **escriuint tots els passos del raonament utilitzat:**

a) La posició relativa de les rectes  $r$  i  $s$  i el punt (o punts) comuns a  $r$  i  $s$ . (4 punts)

b) El valor del paràmetre  $m$  perquè la recta  $s$  siga paral·lela al pla  $\pi$ . (3 punts)

c) L'equació del pla que conté la recta  $s$  i el punt  $P(1, 2, 4)$ . (3 punts)

**Problema B.3.** Es vol construir un dipòsit de  $1500 m^3$  de capacitat, amb forma de caixa oberta per la part superior. La base és, doncs, un quadrat i les parets laterals són quatre rectangles iguals perpendiculars a la base. El preu de cada  $m^2$  de la base és de 15 € i el preu de cada  $m^2$  de paret lateral és de 5 €.

Obteniu **raonadament**, **escriuint tots els passos del raonament utilitzat:**

a) El cost total del dipòsit en funció de la longitud  $x$  d'un costat de la base. (3 punts)

b) Les longituds del costat de la base i de l'altura del dipòsit perquè aquest cost total siga mínim. (5 punts)

c) El valor del mínim cost total del dipòsit. (2 punts)

**PROVES D'ACCÉS A LA UNIVERSITAT**

**PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD**

**CONVOCATÒRIA: JULIOL 2015**

**CONVOCATORIA: JULIO 2015**

**MATEMÀTIQUES II**

**MATEMÁTICAS II**

**BAREM DE L'EXAMEN:**

**Cal elegir sols UNA de les dues OPCIONS, A o B, i s'han de fer els tres problemes d'aquesta opció.**

Cada problema puntua fins a 10 punts.

La qualificació de l'exercici és la suma de les qualificacions de cada problema dividida entre 3, i aproximada a les centèsimes.

Es permet l'ús de calculadores sempre que no siguen gràfiques o programables, i que no puguem realitzar càlcul simbòlic ni emmagatzemar text o fórmules en memòria. S'use o no la calculadora, els resultats analítics, numèrics i gràfics han d'estar sempre degudament justificats.

**BAREMO DEL EXAMEN:**

**Se elegirá solamente UNA de las dos OPCIONES, A o B, y se han de hacer los tres problemas de esa opción.**

Cada problema se puntuará hasta 10 puntos.

La calificación del ejercicio será la suma de las calificaciones de cada problema dividida entre 3 y aproximada a las centésimas.

Se permite el uso de calculadoras siempre que no sean gráficas o programables, y que no puedan realizar cálculo simbólico ni almacenar texto o fórmulas en memoria. Se utilice o no la calculadora, los resultados analíticos, numéricos y gráficos deberán estar siempre debidamente justificados.

**OPCIÓN A**

**Problema A.1.** Se da el sistema de ecuaciones 
$$\begin{cases} x + 3y + z = \alpha \\ x + y - \alpha z = 1 \\ 2x + \alpha y - z = 2\alpha + 3 \end{cases}$$
, donde  $\alpha$  es un parámetro

real. Obtener **razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:**

- La solución del sistema cuando  $\alpha = -1$ . (3 puntos)
- Todas las soluciones del sistema cuando  $\alpha = 0$ . (3 puntos)
- El valor de  $\alpha$  para el que el sistema es incompatible. (4 puntos)

**Problema A.2.** Se tienen las rectas  $r: \frac{x+1}{3} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z}{2}$ ,  $s: \begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = -\lambda \\ z = 0 \end{cases}$  y el punto  $P(0, 3, -2)$ . Obtener

**razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:**

- Las ecuaciones de la recta que pasa por el punto  $P$  y es paralela a la recta  $r$ . (3 puntos)
- La ecuación del plano que contiene a la recta  $r$  y es paralelo a la recta  $s$ . (4 puntos)
- La distancia entre las rectas  $r$  y  $s$ . (3 puntos)

**Problema A.3.** Se da la función  $f$  definida por  $f(x) = \frac{x}{(x+1)^2}$ . Obtener **razonadamente, escribiendo todos**

**los pasos del razonamiento utilizado:**

- El dominio y las asíntotas de la función  $f$ . (3 puntos)
- Los intervalos de crecimiento y de decrecimiento de la función  $f$ . (4 puntos)
- La integral  $\int \frac{x}{(x+1)^2} dx$ . (3 puntos)

## OPCIÓN B

**Problema B.1.** Se dan las matrices  $A = \begin{pmatrix} x & 1 & -1 \\ y & 2 & 3 \\ z & 1 & 0 \end{pmatrix}$  y  $B = \begin{pmatrix} x & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ . Obtener **razonadamente**,

**escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:**

a) Los valores de  $x$  para los cuales la matriz  $B$  tiene inversa. (3 puntos)

b) El valor del determinante de las matrices  $A^3$  y  $\begin{pmatrix} 2x & 5 & -1 \\ 2y & 10 & 3 \\ 2z & 5 & 0 \end{pmatrix}$ , sabiendo que el valor del determinante de la matriz  $A$  es 8. (4 puntos)

c) Los valores de  $x, y, z$  para los cuales  $A^2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 4 \\ 3 & 7 & 6 \\ -1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$ . (3 puntos)

**Problema B.2.** Se dan las rectas  $r: \begin{cases} 2x - y + 5 = 0 \\ 6x - z + 8 = 0 \end{cases}$ ,  $s: \begin{cases} x = 1 - 2\alpha \\ y = 2 + \alpha \\ z = 3 - \alpha \end{cases}$  y el plano

$\pi: 2x + mz + 1 = 0$ , siendo  $m$  un parámetro real. Obtener **razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:**

- La posición relativa de las rectas  $r$  y  $s$  y el punto (o puntos) comunes a  $r$  y  $s$ . (4 puntos)
- El valor del parámetro  $m$  para que la recta  $s$  sea paralela al plano  $\pi$ . (3 puntos)
- La ecuación del plano que contiene a la recta  $s$  y al punto  $P(1, 2, 4)$ . (3 puntos)

**Problema B.3.** Se va a construir un depósito de  $1500 m^3$  de capacidad, con forma de caja abierta por la parte superior. Su base es pues un cuadrado y las paredes laterales son cuatro rectángulos iguales perpendiculares a la base. El precio de cada  $m^2$  de la base es de 15 € y el precio de cada  $m^2$  de pared lateral es de 5 €.

Obtener **razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:**

- El coste total del depósito en función de la longitud  $x$  de un lado de su base. (3 puntos)
- Las longitudes del lado de la base y de la altura del depósito para que dicho coste total sea mínimo. (5 puntos)
- El valor del mínimo coste total del depósito. (2 puntos)